



# MODELISATION DES EFFORTS

## Transport de torseurs

Chapitre 3  
EXERCICES  
Feuille n°6

Préalable : sauf mention contraire, les distances sont exprimées en mètres (m), les forces en Newtons (N) et les moments – ou couples – en Newton mètre (N.m).

### EXERCICE 1 (coordonnées cartésiennes de points, composantes de vecteurs)

Soit  $A(0;0;0)$ ,  $B(0;10;0)$ ,  $C(20;0;0)$ ,  $D(5;5;0)$  et  $G(-40;0;26)$  cinq points de l'espace euclidien muni d'un repère orthonormé direct  $R(A, x, y, z)$ .

a) Calculer dans  $R(A, x, y, z)$  les composantes des vecteurs  $\overrightarrow{AB}$ ,  $\overrightarrow{AC}$ ,  $\overrightarrow{AD}$ ,  $\overrightarrow{AG}$ ,  $\overrightarrow{BC}$ ,  $\overrightarrow{BD}$ ,  $\overrightarrow{BG}$ ,  $\overrightarrow{CD}$ ,  $\overrightarrow{CG}$ .

☞ Présenter les résultats en vecteurs « colonne ».

b) Calculer dans  $R(A, x, y, z)$  les composantes des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\vec{u} = \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AC}$ .

### EXERCICE 2 (transport)

Soit  $\{F\} = \begin{matrix} \begin{pmatrix} 100 & 0 \\ 200 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}_R \\ D \end{matrix}$  un torseur glisseur exprimé au point  $D$  dans le repère  $R(A, x, y, z)$ .

a) Transporter  $\{F\}$  en  $A$ ,  $B$  et  $C$  à partir de son expression initiale en  $D$ .

b) Transporter  $\{F\}$  en  $C$  à partir de son expression en  $B$  trouvée précédemment.

### EXERCICE 3 (transport)

Soit  $\{P\} = \begin{matrix} \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ -m \cdot g & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}_R \\ G \end{matrix}$  un torseur glisseur exprimé au point  $G$  et  $\{F_u\} = \begin{matrix} \begin{pmatrix} 0 & -30 \\ Y_F & M_F \\ 0 & 0 \end{pmatrix}_R \\ F \end{matrix}$  un autre

torseur exprimé au point  $D$  dans le repère  $R(A, x, y, z)$ . On donne  $F(x_F; -60; z_F)$ .

a) Transporter  $\{P\}$  en  $A$ .

b) Transporter  $\{F_u\}$  en  $A$ .

### EXERCICE 4 (transport)

Soit  $\{C_m\} = \begin{matrix} \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & C_m \end{pmatrix}_R \\ B \end{matrix}$  un torseur couple.

a) Transporter  $\{C_m\}$  en  $A$ .

b) En déduire (expliquer) l'invariance d'un torseur couple au regard du point où il est écrit.

### EXERCICE 5 (coordonnées cylindriques de points, transport)

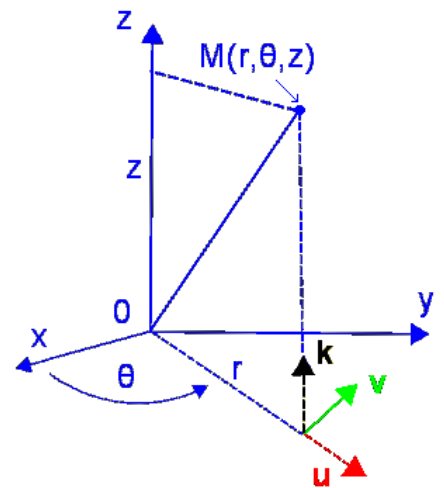
Soit  $\{F\}_M = \begin{Bmatrix} X_F & -180 \\ 0 & 0 \\ 1500 & 0 \end{Bmatrix}_R$  un torseur exprimé au point  $M$

dans le repère  $R(O, x, y, z)$  ci-contre.

Le point  $M$  est repéré par ses coordonnées cylindriques  $r, \theta$  et  $z$  :

$$M(20 ; 30^\circ ; 100)$$

- Déterminer les coordonnées cartésiennes  $x_M, y_M$  et  $z_M$  du point  $M$  dans le repère  $R(O, x, y, z)$ .
- Transporter  $\{F\}$  en  $O$ .



### EXERCICE 6 (composantes variables, transport, intensité de vecteurs)

On note :

- $\Rightarrow t$  la variable temps (le temps qui passe),
- $\Rightarrow O(0 ; 0 ; 0)$  l'origine du repère  $R(O, x, y, z)$ .

Soit  $\{K_{1 \rightarrow 2}\}_K = \begin{Bmatrix} 0 & L_{K1 \rightarrow 2} \\ Y_{K1 \rightarrow 2} & -20 \\ 0 & 0 \end{Bmatrix}_R$  un torseur exprimé au point  $K$  dans le repère  $R(O, x, y, z)$ .

Le point  $K$  est repéré par ses coordonnées cartésiennes  $x_K = -100$  (constant),  $y_K = 0$  (constant) et  $z_K = 3 \cdot t + 10$  (variable en fonction du temps  $t$ ) ; on a donc  $K(-100 ; 0 ; 3 \cdot t + 10)$ .

On donne  $Y_{K1 \rightarrow 2} = 8 \cdot \sqrt{t}$  et  $L_{K1 \rightarrow 2} = -4 \text{ N m}$

- Déterminer les composantes du vecteur distance  $\overrightarrow{OK}(t)$  dans le repère  $R(O, x, y, z)$ .
- Transporter  $\{K_{1 \rightarrow 2}\}$  en  $O$ .
- Donner l'expression des intensités  $K_{1 \rightarrow 2}$  et  $M_O(K_{1 \rightarrow 2})$  des éléments de réduction  $\overrightarrow{K_{1 \rightarrow 2}}$  et  $\overrightarrow{M_O(K_{1 \rightarrow 2})}$  du torseur  $\{K_{1 \rightarrow 2}\}$  en fonction du temps  $t$ .
- Calculer les intensités pour  $t = 0 \text{ s}$ ,  $t = 1 \text{ s}$  et  $t = 2 \text{ s}$ .